

Opgave 1 Een functie

Maximumscore 6

- 1 □ · $f'(x) = \frac{2x^2 + 2}{(1 - x^2)^2}$ 4
 · $f'(0) = 2$ dus de raaklijn in O heeft vergelijking $y = 2x$ 2

Maximumscore 6

- 2 □ · $f'(x) = 2$ geeft $\frac{2x^2 + 2}{(1 - x^2)^2} = 2$ 1
 · $2x^4 = 6x^2$ 2
 · $x = 0 \vee x^2 = 3$ 1
 · het antwoord is $x = -\sqrt{3} \vee x = \sqrt{3}$ 2

Indien $x = 0$ niet is uitgesloten, hiervoor geen punten aftrekken.

Maximumscore 6

- 3 □ · de verticale asymptoten zijn $x = -1$ en $x = 1$ met toelichting 4
 · de horizontale asymptoot is $y = 0$ met toelichting 2

Maximumscore 7

- 4 □ · $f(x) = 1$ geeft $2x = 1 - x^2$ 2
 · $x = -1 - \sqrt{2} \vee x = -1 + \sqrt{2}$ (of $x = \frac{-2 - \sqrt{8}}{2} \vee x = \frac{-2 + \sqrt{8}}{2}$) 2
 · het antwoord is $x \leq -1 - \sqrt{2} \vee -1 < x \leq -1 + \sqrt{2} \vee x > 1$ 3

Indien voor de grenswaarden alleen maar benaderingen zoals $-2,414$ en $0,414$ zijn gegeven, hiervoor in totaal één punt aftrekken.

Opgave 2 Bederf in de koelkast

Maximumscore 5

- 5 □ · bij $d = 10$ hoort volgens de grafiek $\log B \approx 6,3$ 2
 · $B \approx 1\,995\,262$ (of $B < 50\,000\,000$) 2
 · de kip mag dus nog gegeten worden 1
 of
 · $\log 50\,000\,000 \approx 7,7$ 2
 · hierbij hoort volgens de grafiek $d \approx 14$ (of $d > 10$) 2
 · de kip mag dus nog gegeten worden 1

Antwoorden	Deel-scores
Maximumscore 7	
6 □ · $\frac{1}{3} \cdot 1,32^t \cdot 2 + 3 \approx 7,7$	<u>3</u>
· $1,32^t \approx 7,05$	<u>2</u>
· $t = \frac{\log 7,05}{\log 1,32}$	<u>1</u>
· de koelkast is ingesteld op (ongeveer) 7 (°C)	<u>1</u>
Maximumscore 5	
7 □ · bijvoorbeeld $d = 0$ geeft $B = 1000$	<u>2</u>
· $d = 1$ geeft $B \approx 10\,280$	<u>2</u>
· de groeifactor is (ongeveer) 10,28 of	<u>1</u>
· $t = 4$ geeft $B \approx 10^{1,012d + 3}$	<u>3</u>
· de groeifactor is $10^{1,012} \approx 10,28$	<u>2</u>
Opgave 3 Piramide-ingang	
Maximumscore 4	
8 □ · $\tan \angle (\text{vlak } TAD, \text{vlak } ABCD) = \frac{5}{3}$	<u>3</u>
· het antwoord is 59°	<u>1</u>
Maximumscore 7	
9 □ · in de tekening aangeven of op andere wijze uitleggen dat het gaat om de afstand van T tot het midden van EF en het kiezen van een geschikte rechthoekige driehoek	<u>2</u>
· de afstand van T tot het verticale vlak door EF is 5 (meter)	<u>2</u>
· de afstand van T tot het midden van EF is $\sqrt{5^2 + 2^2}$	<u>2</u>
· het antwoord is 5,39 (meter)	<u>1</u>
Maximumscore 7	
10 □ · de tekening van het aanzicht zonder deurwand	<u>3</u>
· de tekening van vierhoek $BCGH$	<u>2</u>
· het geven van een toelichting van de werkwijze	<u>2</u>
Maximumscore 7	
11 □ · de hoogte van GH is $3\frac{4}{5}$	<u>3</u>
· $GH = \frac{6}{5}$	<u>2</u>
· de oppervlakte van de deurwand is $3\frac{4}{5} \cdot \frac{\frac{6}{5} + 6}{2} = 13,68 \text{ (m}^2\text{)}$	<u>2</u>

Opgave 4 Kortste aansluiting**Maximumscore 6**

- 12 . $CA = CB = \sqrt{160}$ 2
 . $CA + CB \approx 25,3$ (meter) 1
 . $AD + BD + CD = 20$ (meter) 2
 . bij mogelijkheid II is de totale lengte dus het kortst 1

Maximumscore 7

- 13 . $CP = x$ geeft $PD = 12 - x$ 2
 . $AP = x = \sqrt{x^2 - 24x + 160}$ 2
 . $x = \frac{20}{3}$ (of $x \approx 6,67$) 2
 . de totale lengte is 20 (meter) (of 20,01) 1
 of
 . $CM = \frac{1}{2}\sqrt{160}$ (M is het midden van AC) 2
 . $\triangle CPM$ is gelijkvormig met $\triangle CAD$, dus $CP : CM = CA : CD$ 2
 . $CP = \frac{\frac{1}{2}\sqrt{160} \cdot \sqrt{160}}{12}$ geeft CP is $6\frac{2}{3}$ (of $CP \approx 6,67$) 2
 . de totale lengte is 20 (meter) (of 20,01) 1
 of
 . $\tan \angle ACD = \frac{4}{12} \Rightarrow \angle ACD \approx 18,43^\circ$ 2
 . $CM = \frac{1}{2}\sqrt{160}$ (M is het midden van AC) 2
 . $\cos \angle ACD = \frac{\frac{1}{2}\sqrt{160}}{CP}$ geeft $CP \approx 6,67$ (meter) 2
 . de totale lengte is 20 (meter) (of 20,01) 1

Maximumscore 5

- 14 . $AQ = BQ = \frac{4}{\cos \alpha}$ 2
 . $DQ = 4 \tan \alpha$ 2
 . $L(\alpha) = AQ + BQ + CD - QD = \frac{8}{\cos \alpha} - 4 \tan \alpha + 12$ 1

Maximumscore 5

- 15 . de afgeleide van de eerste term van $L'(\alpha)$ is $\frac{8 \sin \alpha}{\cos^2 \alpha}$ 1
 . de afgeleide van de tweede term van $L'(\alpha)$ is $\frac{4}{\cos^2 \alpha}$ 1
 . $L'(\alpha) = 0$ geeft $\sin \alpha = \frac{1}{2}$ 2
 . $\alpha = \frac{1}{6}\pi$ 1

Einde