

Antwoorden	Deel-scores
------------	-------------

Kogelstoten

Maximumscore 3

- 1 • De score van André is 12,18 1
 • De score van Bernard is 11,55 1
 • De conclusie dat voor $k = 0,2$ Bernard niet de hoogste score heeft 1

Maximumscore 3

- 2 • de vergelijking die hoort bij Score van André = Score van Bernard, dus 1
 $12,62 - k(52,2 - 50) = 16,37 - k(74,1 - 50)$
 • beschrijven hoe k met de GR of algebraïsch gevonden kan worden 1
 • $k \approx 0,171$ 1

Maximumscore 4

- 3 • $14,21 = 14,32 - 0,1(G - 50)$ 1
 • $G = 51,1$ 1
 • $T = 14,32 \cdot \left(\frac{50}{51,1}\right)^2 \approx 14,11$ 2

Maximumscore 4

- 4 • $A = 15,71$ en $G = 101$ geeft $T = 15,71 \cdot \left(\frac{50}{101}\right)^2 \approx 9,8312$ 1
 • $S = 15,71 - 51k < 9,8312$ 1
 • $15,71 - 51k = 9,8312$ geeft $k \approx 0,115$ (algebraïsch of met de GR) 1
 • dus $k > 0,115$ 1

Geluidssnelheid in de atmosfeer

Maximumscore 3

- 5 • $V(-27,4) \approx 314,0$ 1
 • $V(38,6) \approx 353,6$ 1
 • Het verschil is $353,6 - 314,0 \approx 40$ (m/s) 1

Maximumscore 3

- 6 • $T = 15 - 6,5h$ invullen geeft $V = 331 \sqrt{1 + \frac{15 - 6,5h}{273}}$ 1
 • Dit kan herleid worden tot $V \approx 331 \sqrt{1 + \frac{15}{273} - \frac{6,5}{273}h} \approx 331 \sqrt{1,0549 - 0,0238h}$ 2

Maximumscore 4

- 7 • $\frac{100}{90} \cdot 270,8 \approx 300,9$ 1
 • $331 \sqrt{1,0549 - 0,0238h} = 300,9$ 1
 • beschrijven hoe h met de GR of algebraïsch gevonden kan worden 1
 • $h \approx 9,6$ (km) 1

Opmerkingen

Als eerst bij de geluidssnelheid (300,9 m/s) de temperatuur berekend is (-47,41 °C) en daarna de hoogte berekend is met de formule $T = 15 - 6,5h$ dit goed rekenen.

Als geen rekening gehouden is met de factor 0,90 geen punten toekennen.

Een Afrikaans spelletje**Maximumscore 3**

- 8 • Het blokje van de winnaar moet vanaf het begin tot het einde van het spel negen stappen nemen om in het centrum te komen, dus is de kans gelijk aan $0,5^9$
 • De kans is $0,001953\dots \approx 0,002$

2
1

Maximumscore 4

- 9 • Er moet vier keer goed geraden worden: één keer door Ans en drie keer door Bert of andersom
 • Om de tweede speler aan de beurt te laten komen moet de eerste speler één keer fout raden
 • Er moet dus minstens vijf keer geraden worden, wat in tegenspraak is met het gegeven; dus deze gebeurtenis is onmogelijk

2
1
1

Maximumscore 5

- 10 • Het aanvullen van de tabel met alle mogelijke uitkomsten:
 AaB: 1–1 Aab: 1–0 aBB: 0–2 aBb: 0–1 abA: 1–0 aba: 0–0

5

Opmerking

Voor elke foute of ontbrekende uitkomst één punt aftrekken.

Maximumscore 4

- 11 • Het spel is na 1 keer raden afgelopen: gebeurtenis A (of B) met kans 0,5
 • Het spel is na 2 keer raden afgelopen: gebeurtenis aB (of bA) met kans 0,25
 • Het spel is na 3 keer raden afgelopen: gebeurtenis abA (of baB) met kans 0,125
 • Totale kans 0,875
 of
 • De gevraagde kans is $1 - P(\text{het spel is na 3 keer raden nog niet afgelopen})$
 • De gevraagde kans is $1 - P(3 \text{ keer achtereenvolgend fout raden})$
 • De gevraagde kans is $1 - \frac{1}{8} = \frac{7}{8}$

1
1
1
1
2
1
1

Raken**Maximumscore 6**

- 12 • $f'(x) = 0,6x^2 - 1,8x + 1,2$
 • In de toppen geldt $f'(x) = 0$
 • beschrijven hoe de oplossingen van de vergelijking $0,6x^2 - 1,8x + 1,2 = 0$ algebraïsch of met de GR gevonden kunnen worden
 • Dit geeft $x = 1$ of $x = 2$
 • De toppen zijn $(1; 1,5)$ en $(2; 1,4)$
 • Het verschil van de y -coördinaten is 0,1

1
1
1
1
1
1

Opmerking

Als het antwoord is gevonden zonder differentiëren, maximaal één punt toekennen.

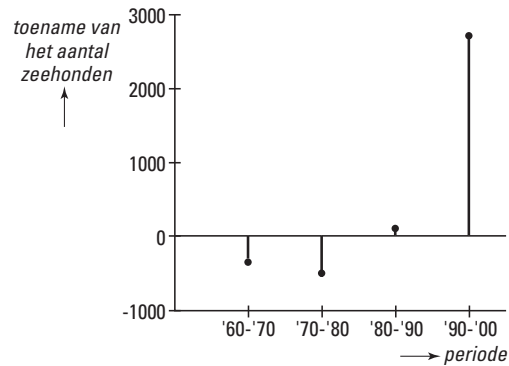
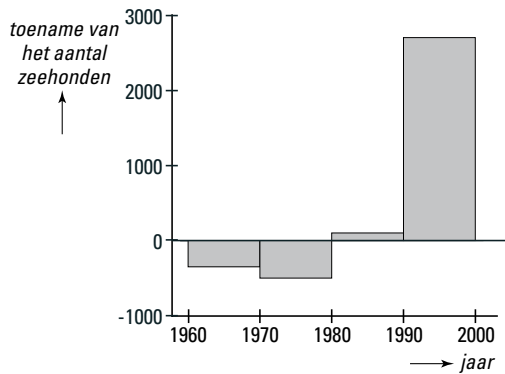
Maximumscore 4

- 13 • Onderzocht moet worden of de vergelijking $f'(x) = -0,1$ twee oplossingen heeft
 • Onderzoek op de GR, bijvoorbeeld met de grafieken van $y = 0,6x^2 - 1,8x + 1,2$ en $y = -0,1$
 • De vergelijking $f'(x) = -0,1$ heeft twee oplossingen ($x \approx 1,21$ en $x \approx 1,79$) (dus die twee raaklijnen zijn er)

2
1
1

Zeehonden**Maximumscore 4**

- 14
-
- Een goed toenamendiagram, bijvoorbeeld

4*Opmerkingen**Als de toenames hoogstens 200 afwijken van de juiste waarden, deze goed rekenen.**Als toenames niet zijn opgeschreven, hiervoor niets aftrekken.**Als een lijngrafiek is getekend, maximaal één punt toekennen.***Maximumscore 3**

- 15
-
- De groeifactor is 1,17

• $x \cdot 1,17^2 = 3900$

• $x \approx 2849$ zeehonden

of

- De groeifactor is 1,17

• $\frac{3900}{1,17^2} \approx 2849$ zeehonden

11112*Opmerkingen**Als afgerond is op tientallen, dit goed rekenen.**Als $3900 \cdot 0,83^2$ berekend is, geen punten toekennen.***Maximumscore 3**

- 16
-
-
- $3900 \cdot 1,17^n = 16\,000$

• $n \approx 9,0$ jaar (9 jaar na eind 2001)

• $2001 + 9 = 2010$

111**Maximumscore 3**

- 17
-
- Voor
- $t = 1$
- geldt
- $A = 3900$
- (zie gegevens) of een gelijkwaardige omschrijving in woorden

• Voor $t = 2$ geldt $A \approx 4561$

• $\frac{4561}{3900} \approx 1,17$ dus dit is een toename van ongeveer 17%

111

De Amerikaanse presidentsverkiezingen in 2000

Maximumscore 4

- 18 • Het aantal stemmen voor Bush (B) is binomiaal verdeeld met $n = 4$ en $p = 0,5$ 1
 • De gevraagde kans is $P(B = 2)$ 1
 • beschrijven hoe deze kans met GR of tabellenboek gevonden kan worden 1
 • De kans is $0,375$ 1
- of
- De kans op BBGG is $\left(\frac{1}{2}\right)^4$ 1
 • Er zijn $\binom{4}{2} = 6$ mogelijke volgordes 2
 • De kans is dus $6 \cdot \frac{1}{16} = \frac{3}{8} = 0,375$ 1

Maximumscore 4

- 19 • De kans dat Bush wint is gelijk aan de kans dat Gore wint 1
 • Bij een oneven aantal stemmen is er geen gelijke stand mogelijk 2
 • Dus de kans dat Bush wint is 50% 1

Maximumscore 5

- 20 • Het aantal stemmen voor Bush (B) is binomiaal verdeeld met $n = 60$ en $p = 0,5$ 1
 • beschrijven hoe $P(B = 29)$, $P(B = 30)$ en $P(B = 31)$ met de GR gevonden kunnen worden 1
 • Deze kansen zijn ongeveer $0,09927$; $0,10258$ en $0,09927$ 1
 • De gevraagde kans is $P(B = 29 \text{ of } B = 30 \text{ of } B = 31)$ 1
 • Het antwoord is $0,3011$ 1
- of
- Het aantal stemmen voor Bush (B) is binomiaal verdeeld met $n = 60$ en $p = 0,5$ 1
 • De gevraagde kans is $P(B = 29 \text{ of } B = 30 \text{ of } B = 31)$ 1
 • Dit is gelijk aan $P(B \leq 31) - P(B \leq 28)$ 1
 • beschrijven hoe deze kans met de GR gevonden kan worden 1
 • Het antwoord is $0,3011$ 1

Maximumscore 5

- 21 • De gevraagde kans is $P(3\,000\,001 \leq B \leq 3\,000\,150)$, waarbij B normaal verdeeld is met $\mu = 3\,000\,000$ en $\sigma = 1225$ 3
 • beschrijven hoe deze kans met GR of tabellenboek gevonden kan worden 1
 • Het antwoord is $0,05$ 1

Opmerking

Voor een verkeerde ondergrens één punt aftrekken. Voor een verkeerde bovengrens ook.

Einde