

| Antwoorden | Deel-scores |
|------------|-------------|
|------------|-------------|

Examenresultaten

Maximumscore 3

- | | | |
|---|---|----------------------------------|
| 1 | <ul style="list-style-type: none"> □ • aflezen in figuur 1: 77% heeft een score van 65 of lager • Dus 23% heeft een score hoger dan 65 • Dat zijn (ongeveer) 519 kandidaten | <u>1</u> <u>1</u> <u>1</u> |
| | of | |
| | <ul style="list-style-type: none"> • aflezen in figuur 1: 77% heeft een score van 65 of lager • Dat zijn (ongeveer) 1736 kandidaten • Dus 519 kandidaten hebben een score hoger dan 65 | <u>1</u> <u>1</u> <u>1</u> |

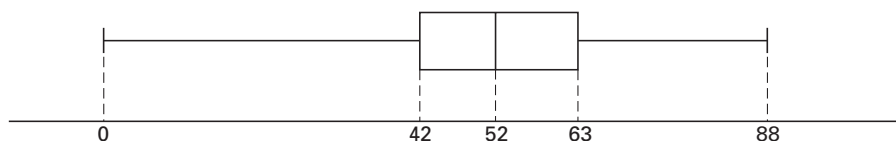
Opmerking

Als bij het aflezen uit de figuur een percentage van 76, 78 of 79 is gevonden, dan hiervoor geen punten in mindering brengen.

Maximumscore 5

- | | | |
|---|---|--|
| 2 | <ul style="list-style-type: none"> □ • het aflezen van de mediaan (52 scorepunten) bij 50% • het aflezen van het eerste kwartiel (42 scorepunten) bij 25% • het aflezen van het derde kwartiel (63 scorepunten) bij 75% • de randpunten 0 en 88 • de rest van de boxplot | <u>1</u> <u>1</u> <u>1</u> <u>1</u> <u>1</u> |
|---|---|--|

voorbeeld van een tekening van een boxplot:



Opmerking

De toegestane marges bij het aflezen van mediaan, eerste en derde kwartiel uit de figuur zijn 1 scorepunt.

| Antwoorden | Deel-scores |
|------------|-------------|
|------------|-------------|

Maximumscore 5

- 3 • het gebruik van de functie voor de cumulatieve normale verdeling op de GR, met gemiddelde 63,8, standaardafwijking x , een voldoende kleine linkergrens en rechtergrens 44,5 2
- Uit, bijvoorbeeld, grafiek(en) of een tabel blijkt dat deze functie de waarde 0,06 heeft voor $x = 12,4$ 2
- De standaardafwijking van de scores van de A&B-groep is kleiner dan die van de hele steekproef 1
- of
- het gebruik van de functie voor de cumulatieve normale verdeling op de GR, met gemiddelde 63,8, standaardafwijking 14,7, een voldoende kleine linkergrens en rechtergrens 44,5 2
- de uitkomst 0,0946 1
- $0,0946 > 0,06$ 1
- De standaardafwijking van de scores van de A&B-groep is kleiner dan die van de hele steekproef 1
- of
- het gebruik van de functie voor de cumulatieve normale verdeling op de GR, met gemiddelde 63,8, standaardafwijking 14,7, een voldoende kleine linkergrens en rechtergrens 44,5 2
- Uit, bijvoorbeeld, grafiek(en) of een tabel blijkt dat bij een standaardafwijking 12 een kans hoort van 0,054 en bij een standaardafwijking 13 een kans hoort van 0,069 1
- $0,054 < 0,06 < 0,069$ dus ook $12 < \text{standaardafwijking} < 13$ 1
- De standaardafwijking van de scores van de A&B-groep is kleiner dan die van de hele steekproef 1

Maximumscore 6

- 4 • de hypothesen $H_0: p = 0,29$ en $H_1: p < 0,29$ 1
- $P(X \leq 33 \mid n = 546, p = 0,29)$ moet berekend worden 1
- het invoeren van $X \leq 33, n = 546$ en $p = 0,29$ in de GR en gebruik maken van de cumulatieve binomiale verdeling 1
- de uitkomst $9,74 \cdot 10^{-42}$ 1
- Dit is kleiner dan 0,05 dus de docent krijgt geen gelijk 2

Autobanden

Maximumscore 3

- 5 • Gemiddeld zijn er 180 banden in voorraad 2
- $180 \cdot 180 = 32\,400$ 1

Maximumscore 3

- 6 • De gemiddelde voorraadkosten per band zijn $\frac{32400}{4500} = 7,20$ (euro) 1
- De gemiddelde leveringskosten per band zijn $\frac{3500}{360} \approx 9,72$ (euro) 1
- De gemiddelde winst per band is $70 - 30 - 7,20 - 9,72 = 23,08$ (euro) 1

Maximumscore 5

- | | |
|---|----------|
| 7 <input type="checkbox"/> • ‘bruto’ winst per band: $70 - 30 = 40$ (euro) | <u>1</u> |
| • totale voorraadkosten: $\frac{1}{2}x \cdot 180$ (euro) | <u>1</u> |
| • gemiddelde voorraadkosten per band: $\frac{\frac{1}{2}x \cdot 180}{4500} = 0,02 \cdot x$ (euro) | <u>1</u> |
| • leveringskosten per band: $\frac{3500}{x}$ (euro) | <u>1</u> |
| • ‘netto’ winst per band: $40 - \frac{3500}{x} - 0,02x$ (euro) | <u>1</u> |

Maximumscore 5

- | | |
|--|-----------|
| 8 <input type="checkbox"/> • $W' = \frac{3500}{x^2} - 0,02$ | <u>2</u> |
| • $W' = 0$ moet opgelost worden | <u>1</u> |
| • de oplossing $x \approx 418,3$ of 418 | <u>1</u> |
| • de constatering (bijvoorbeeld op grond van een grafiek of tekenschema) dat W een maximum heeft bij $x = 418$ banden per bestelling | <u>1</u> |
| Indien niet $x = 418$ maar bijvoorbeeld $x = 418,3$ als eindantwoord is gegeven | <u>-1</u> |
| Indien $x = 419$ correct gemotiveerd als eindantwoord wordt gegeven | <u>-0</u> |



Bevolkingsgroei

Maximumscore 4

- | | |
|---|----------|
| 9 <input type="checkbox"/> • verwachte inwoneraantal in 2000 volgens grafiek: $2100 + 1450 + 850 + 550 + 500 + 300 + 275 + 25$ miljoen mensen | <u>2</u> |
| • verwachte inwoneraantal ongeveer 6,05 miljard | <u>1</u> |
| • een passende conclusie | <u>1</u> |

Opmerking

Voor elke afgelezen waarde die meer dan 25 miljoen afwijkt van de hierboven vermelde waarde, 1 punt in mindering brengen.

Maximumscore 4

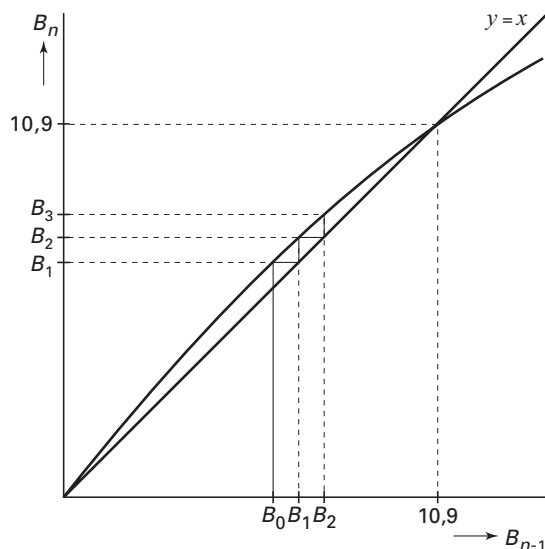
- | | |
|--|----------|
| 10 <input type="checkbox"/> • De grenswaarde is 10,9 miljard | <u>1</u> |
| • het invoeren van de recursieformule in de GR | <u>1</u> |
| • $B_5 = 9,4$ | <u>1</u> |
| • de conclusie: het verschil is niet minder dan 10% | <u>1</u> |

Maximumscore 3

- 11 • positie B_0 op de horizontale as
 • lijn naar B_1
 • de volgende twee stappen

1
1
1

een voorbeeld van de webgrafiek:

**Maximumscore 4**

- 12 • het opstellen van de vergelijking $6,1 = x + 0,3x \left(1 - \frac{x}{10,9}\right)$

1

- het invoeren van deze vergelijking in de GR (bijvoorbeeld door 2 grafieken te tekenen of door invoeren bij een ‘vergelijkingsoplosser’)

2

- de oplossing: ongeveer 5,3 miljard mensen

1

of

- het opstellen van de vergelijking $6,1 = x + 0,3x \left(1 - \frac{x}{10,9}\right)$

1

• $6,1 = x + 0,3x - \frac{0,3x^2}{10,9}$

1

• $\frac{0,3}{10,9}x^2 - 1,3x + 6,1 = 0$

1

- Oplossen geeft ongeveer 5,3 miljard mensen

1

Orkanen**Maximumscore 4**

- 13 • het aflezen van de frequenties
 • het gebruik van de klassenmiddens
 • $12 \cdot 0,25 + 14 \cdot 0,75 + 10 \cdot 1,25 + 8 \cdot 1,75 + 7 \cdot 2,25 + 1 \cdot 2,75 + 1 \cdot 3,75 + 1 \cdot 4,75 + 3 \cdot 5,75 + 1 \cdot 7,75 + 1 \cdot 9,75 + 1 \cdot 10,75$
 • Er zit ongeveer 112 (of 113) jaar tussen de eerste en de laatste storm (en dat is ruim 110 jaar)

1

1

1

1

| Antwoorden | Deel-scores |
|------------|-------------|
|------------|-------------|

Maximumscore 4

- 14 • In 1970 was de gemiddelde afwijking van de 72-uurs-voorspellingen (ongeveer) 255 zeemijl 1
- Als één afwijking 900 zeemijl was, dan was het gemiddelde minstens $\frac{900+0+0}{3} = 300$ zeemijl 2
- Omdat $300 > 255$ kan één voorspelling die 900 zeemijl afweek niet in 1970 zijn voorgekomen 1
- of
- In 1970 was de gemiddelde afwijking van de 72-uurs-voorspellingen (ongeveer) 255 zeemijl 1
- De som van de drie afwijkingen in 1970 is (ongeveer) 765 zeemijl 2
- Omdat $900 > 765$ kan één voorspelling die 900 zeemijl afweek niet in 1970 zijn voorgekomen 1

Maximumscore 4

- 15 • het invoeren van de verschilfunctie $125 - 1,3t - \left(\frac{67,6}{1 + 0,013 \cdot 1,183^t} + 52 \right)$ (of tegengestelde) 1
- Het grootste verschil treedt op bij het maximum (respectievelijk minimum) hiervan 1
- Het grootste verschil (dat optreedt bij $t \approx 37,1$) is (ongeveer) 15,9 (of -15,9) 2

Maximumscore 4

- 16 • een keuze van waarden voor a en voor b waarbij wel voldaan is aan $b > 52$ maar niet aan $a + b > 119,6$ 1
- aantonen dat bij deze keuze de waarden van de 48-uurs-voorspellingen niet altijd groter zijn dan de waarden van de 24-uurs-voorspellingen (eventueel door het tekenen van de grafieken) 2
- De eis van persoon I is te zwak, dus persoon II heeft gelijk 1

Vierkeuzevragen

Maximumscore 3

- 17 • verwachtingswaarde bij gokken $0,25 \cdot 1 + 0,75 \cdot -0,50$ 2
- het antwoord: $-0,125$ 1

Maximumscore 4

- 18 • de scoreformule bij juist antwoord B: $score = 1 - (p_A^2 + (1 - p_B)^2 + p_C^2 + p_D^2)$ 2
- het invullen van de waarden $p_A = 0,2$; $p_B = 0,7$; $p_C = 0$ en $p_D = 0,1$ in deze formule 1
- de score 0,86 1

Maximumscore 3

- 19 • minimale score bij het antwoord $p_A = 1$; $p_B = 0$; $p_C = 0$ en $p_D = 0$ 1
- minimale score bij het antwoord $p_A = 0$; $p_B = 1$; $p_C = 0$ en $p_D = 0$ 1
- minimale score bij het antwoord $p_A = 0$; $p_B = 0$; $p_C = 0$ en $p_D = 1$ 1

Opmerking

Voor elke andere vermelde mogelijkheid 1 punt in mindering brengen.

| Antwoorden | Deel- scores |
|--|-----------------|
| Maximumscore 7 | |
| 20 <input type="checkbox"/> • Bij 2 antwoorden waaronder het juiste is de score $\frac{1}{2}$ | <u>1</u> |
| • Bij 2 onjuiste antwoorden is de score $-\frac{1}{2}$ | <u>1</u> |
| • De verwachte score bij mogelijkheid II is $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot -\frac{1}{2} = 0$ | <u>1</u> |
| • Bij 3 antwoorden waaronder het juiste is de score $\frac{1}{3}$ | <u>1</u> |
| • Bij 3 onjuiste antwoorden is de score $-\frac{1}{3}$ | <u>1</u> |
| • De verwachte score bij mogelijkheid III is $\frac{3}{4} \cdot \frac{1}{3} + \frac{1}{4} \cdot -\frac{1}{3} = \frac{1}{6} (\approx 0,17)$ | <u>1</u> |
| • de conclusie: mogelijkheid IV is de meest verstandige strategie | <u>1</u> |
| Maximumscore 4 | |
| 21 <input type="checkbox"/> • Tom heeft score $1 - (a^2 + (1 - (1 - a))^2)$ | <u>1</u> |
| • het herleiden tot de vorm $1 - 2a^2$ | <u>1</u> |
| • $1 - 2a^2 > 0,25$ | <u>1</u> |
| • $a < 0,61$ | <u>1</u> |
| of | |
| • Tom heeft score $1 - (a^2 + (1 - (1 - a))^2)$ | <u>1</u> |
| • $1 - (a^2 + (1 - (1 - a))^2) > 0,25$ | <u>1</u> |
| • het invoeren van bijbehorende functies in de GR | <u>1</u> |
| • het oplossen van de ongelijkheid: $a < 0,61$ | <u>1</u> |

Einde